

ошибок в нейросетевом базисе позволяют повысить эффективность ИТ систем управления.

Основу корректирующих кодов ПСКВ составляет распределение полиномов по полному диапазону. Если выбрать k из n оснований ПСКВ ($k < n$), то это позволит осуществить разбиение полного диапазона $P_{\text{полн}}(z)$ расширенного поля Галуа $GF(p^n)$ на два непересекающихся подмножества. Первое подмножество называется рабочим диапазоном и определяется выражением

$$P_{\text{раб}}(z) = \prod_{i=1}^k p_i(z).$$

Многочлен $A(z)$ с коэффициентами из поля $GF(p)$ будет считаться разрешенным в том и только том случае, если он принадлежит $P_{\text{раб}}(z)$. Второе подмножество, определяемое произведением $r=n-k$ контрольных оснований,

$$P_{\text{конм}}(z) = \prod_{i=k+1}^{k+r} p_i(z),$$

задает совокупность запрещенных комбинаций.

Вопросам разработки методов и алгоритмов контроля и коррекции ошибки в модульных избыточных кодах полиномиальной системы классов вычетов уделено значительное внимание [1,3]. Особое место отводится вычислению интервального номера полинома. Определения данной характеристики осуществляется

$$l_{\text{инт}}(z) = [A(z)/P_{\text{раб}}(z)]. \quad (1)$$

В работе [3] представлено устройство, осуществляющее обнаружение и коррекцию ошибки в модулярном коде на основе вычисления интервального номера, используя

$$B_i^*(z) \equiv B_i(z) \bmod P_{\text{раб}}(z), \quad (2)$$

где $B_i^*(z)$ и $B_i(z)$ - ортогональные базисы без избыточности и полной системы.

Тогда согласно (2)

$$B_i(z) = R_i(z)P_{\text{раб}}(z) + B_i^*(z), \quad (3)$$

где $R_i(z) = [B_i(z)/P_{\text{раб}}(z)]$

Подставив равенство (3) в выражение (1) и проведя упрощения, имеем

$$l_{\text{инт}}(z) = \sum_{i=1}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) + \left[\sum_{j=1}^k \alpha_j(z)B_j^*(z) / P_{\text{раб}}(z) \right] + K(z)P_{\text{полн}}(z) / P_{\text{раб}}(z), \quad (4)$$

где $P_{\text{конм}}(z) = \prod_{i=k+1}^{k+r} p_i(z)$;

$K(z)$ – ранг полной системы оснований ПСКВ.

Так как множество значений интервального номера $l_{\text{инт}}(z)$ представляет собой кольцо по модулю $P_{\text{конм}}(z)$, то выражение (4) преобразуется к виду

$$l_{\text{инт}}(z) = \left[\sum_{i=1}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) + K^*(z) \right]_{P_{\text{конм}}(z)}, \quad (5)$$

где ранг без избыточной системы определяется выражением

$$K^*(z) = \left[\sum_{j=1}^k \alpha_j(z)B_j^*(z) / P_{\text{раб}}(z) \right]. \quad (6)$$

Если $l_{\text{инт}}(z) = 0$, то исходный полином $A(z)$ лежит внутри рабочего диапазона и не является запрещенным. В противном случае $A(z)$ – ошибочная комбинация. Причем использование данной характеристики позволяет по величине $l_{\text{инт}}(z)$ определить местоположение и глубину $\Delta\alpha_i(z)$ ошибки.

Анализ выражения (5) показывает, что применение составного модуля $P_{\text{конм}}(z)$, по которому определяется значение интервального номера $l(z)$, с точки зрения аппаратных затрат, является не самым оптимальным.

Решить данную проблему можно за счёт модификации алгоритма [1]. В основу данной модификации положено свойство – отсутствие переноса единицы из младшего разряда в старший при выполнении арифметической операции сложения двух операндов в расширенных полях Галуа $GF(2^n)$. Таким образом, величина ранга $K^*(z)$ без избыточности системы ПСКВ $p_1(z), \dots, p_k(z)$ определяется значением $\alpha_i(z)$ и $B_i^*(z)$, и никоим образом не зависит от переполнения диапазона $P_{\text{раб}}(z)$. Следовательно, вычислив $\alpha_i(z)B_i^*(z) \bmod P_{\text{раб}}(z)$, можно отказаться от вычисления $K^*(z)$. Тогда (10) примет вид

$$\begin{cases} l_{\text{инт}}^{k+1}(z) = \left[\sum_{i=1}^k (\alpha_i(z)B_i^*(z)) \bmod P_{\text{раб}}(z) + \sum_{\substack{j=k+r \\ \neq k+1}}^{k+r} \alpha_j(z)R_j(z) \right]_{P_{k+1}(z)}^+ \\ \vdots \\ l_{\text{инт}}^{k+r}(z) = \left[\sum_{i=1}^k (\alpha_i(z)B_i^*(z)) \bmod P_{\text{раб}}(z) + \sum_{\substack{j=k+r \\ \neq k+1}}^{k+r} \alpha_j(z)R_j(z) \right]_{P_{k+r}(z)}^+ \end{cases} \quad (7)$$

В ходе проведенных исследований было выявлено, что схемная реализация выражения (7) обеспечивает наибольшую эффективность при контроле и исправлении ошибок, возникающих в процессе функционирования специпроцессора ПСКВ. При этом представленный алгоритм вычисления данной позиционной характеристики характеризуется довольно высокой надежностью работы при сравнительно небольших временных затратах на реализацию процедур поиска и определения местоположения ошибочных разрядов. Кроме того, с увеличением разрядности вычислительного устройства эффективность алгоритма (7) возрастает.

БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Калмыков И.А. Математические модели нейросетевых отказоустойчивых вычислительных средств, функционирующих в полиномиальной системе классов вычетов/ Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 276 с.
2. Элементы применения компьютерной математики и нейронинформатики/Н.И. Червяков, И.А. Калмыков И.А., В.А. Галкина, Ю.О. Щелкунова, А.А. Шилов; Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. – 216с.
3. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Математическая модель нейронной сети для коррекции ошибок в непозиционном коде расширенного поля Галуа/Нейрокомпьютеры: разработка, применение №8-9, 2003. С.10-16

ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЬ ИЗ МОДУЛЯРНОГО КОДА В ОБОБЩЕННУЮ ПОЛИАДИЧЕСКУЮ СИСТЕМУ СЧИСЛЕНИЯ ДЛЯ ОТКАЗОУСТОЙЧИВЫХ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ

Калмыков И.А., Лободин М.В., Зиновьев А.В.,
Емарлукова Я.В.

Ставропольский военный институт связи Ракетных войск, г. Ставрополь, Россия

Задача исследований

Применение систем контроля и управления доступом (СКУД) в современных системах управления позволяет обеспечить высокую степень защиты от несанкционированного доступа (НСД) к информации. При этом СКУД должны обладать свойством отказоустойчивости. Обеспечить высокую надежность работы таких систем можно за счет применения корректирующих арифметических кодов, используемых для первичной обработки биометрических параметров пользователя.

Решение

Биометрическая идентификация и аутентификация пользователя является одним из перспективных направлений защиты информации от НСД. В настоящее время наибольшее распространение получили системы контроля и управления доступом, базирующиеся на статических параметрах пользователя. Однако данные системы слабо защищены от обмана муляжом. Данного недостатка лишены методы биометрической идентификации пользователя по его динамическим параметрам.

Однако для эффективной работы систем контроля управления доступом, использующих динамическую биометрию пользователя, необходимо осуществлять первичную обработку образа. Как правило, такая обработка основана на методах цифровой обработки сигналов (ЦОС). Известно, что большинство методов первичной обработки сигналов базируется на ортогональных преобразованиях, определенных в поле комплексных чисел, т.е. дискретном преобразовании Фурье, которое имеет ряд недостатков: низкая скорость обработки сигналов; аддитивные и мультипликативные погрешности из-за иррациональных значений поворачивающих коэффициентов W^{kn} . Кроме того, необходимо, чтобы возникающие ошибки при первичной обработке сигналов, были устранены в процессе этих вычислений.

Решить данные проблемы можно за счет применения специальной системы кодирования, которая бы поддерживала математическую модель ЦОС, обладающую свойством кольца или поля, а также была способна обнаруживать и корректировать ошибки. Данным требованиям удовлетворяет полиномиальная система классов вычетов (ПСКВ) [1-4]. Если в качестве оснований новой алгебраической системы выбрать минимальные многочлены $p_i(z)$ поля $GF(p^n)$, то любой сигнал $x(n)$, представленный в полиномиальной форме $X(z)$, удовлетворяющий условию

$$X(z) \in P_{nol}, \quad (1)$$

где $P_{nol} = \prod_{i=1}^n p_i(z) = z^{p^n-1} - 1$, можно представить в виде n -мерного вектора

$$X(z) = (\alpha_1(z), \alpha_2(z), \dots, \alpha_n(z)), \quad (2)$$

где $\alpha_i(z) = \text{rest}(X(z)/p_i(z))$, $i=1, 2, 3, \dots, n$.

Наряду с повышением скорости обработки данных ПСКВ позволяет обнаруживать и корректировать ошибки, возникающие в процессе вычислений [2].

Полином, представленный в ПСКВ не содержит ошибки, если

$$A(z) \in P_{pob}(z) = \prod_{i=1}^k p_i(z),$$

где k - количество информационных оснований ПСКВ ($k < n$). В противном случае, если в результате выполнения вычислений произошла ошибка, то полином $A^*(z)$ будет лежать вне рабочего диапазона.

Для обнаружения и коррекции ошибок в кодах ПСКВ используются позиционные характеристики, среди которых особое место занимают коэффициенты обобщенной полиадической системы (ОПС) [3]. Если полином, представленный ПСКВ, не содержит ошибок, то старшие коэффициенты ОПС, соответствующие контрольным основаниям равны 0, в противном случае – комбинация считается ошибочной.

Для эффективной реализации вычислений коэффициентов ОПС по значениям остатков ПСКВ был разработан алгоритм перевода из кода ПСКВ в код ОПС, который базируется на китайской теореме об остатках.

$$A(z) = \sum_{i=1}^s \alpha_i(z) B_i(z) \text{ mod } P_{mod}(z) \quad (3)$$

Представив ортогональные базисы в виде коэффициентов ОПС, получаем

$$A = \alpha_1 [\gamma_1^i, \gamma_2^i, \dots, \gamma_{k+r}^i] + \dots + \alpha_{k+r} [0, \dots, \gamma_{k+r}^{k+r}] \quad (4)$$

где γ_j^i - коэффициенты ОПС j -го ортогонального базиса.

Тогда, проведя умножение вычетов α_i на соответствующие коэффициенты ОПС по модулю и поразрядно, при этом, учитывая превышение модуля p_i как перенос единицы при суммировании результата, коэффициенты ОПС могут быть найдены

$$a_i = \left| \sum_{j=1}^i \left| \alpha_j \gamma_j^i \right| \right|_{p_i} + \delta_{i-1} \left| \right|_{p_i}, \quad (5)$$

где δ_{i-1} - переполнение, полученное при суммировании по модулю p_{i-1} .

Одним из важнейших свойств кодов ПСКВ, определенных в расширенных полях Галуа $GF(p^n)$, является отсутствие межразрядных переносов при вычислении результата по модулю $p_i(z)$. Это позволяет свести операцию итеративного получения коэффициентов ОПС к процедуре

$$a_i(z) = \left| \sum_{j=1}^i \alpha_j(z) \gamma_j^i(z) \right|_{p_i(z)}, \quad (6)$$

где $i=1, 2, \dots, n$ - количество оснований кода ПСКВ.

Пусть задана ПСКВ со следующими полиномиальными основаниями:

$$\text{рабочие } p_1(z) = z+1, p_2(z) = z^2+z+1, p_3(z) = z^4+z^3+z^2+z+1; \\ \text{контрольные } p_4(z) = z^4+z^3+1, p_5(z) = z^4+z+1.$$

При этом рабочий диапазон будет равен $P_{pob}(z) = z^7+z^6+z^5+z^2+z+1$.

В ОПС полином $A(z)$ представляется в виде

$$A(z) = a_1 + a_2 p_1(z) + a_3 p_2(z) + a_4 p_3(z) + a_5 p_4(z) + a_6 p_5(z)$$

Если полином, представленный в ПСКВ, не содержит ошибок, то значения старших коэффициентов ОПС $a_4(z) = 0$, $a_5(z) = 0$. В табл. 1 представлена зависимость значений коэффициентов ОПС от местоположения и глубины ошибки.

Табл. 1.

Величина ошибки	Коэффициенты ОПС	
	$a_4(z)$	$a_5(z)$
$\Delta a_1 = 1$	z^3	z^3+z^2+z
$\Delta a_2 = 1$	z^3+z+1	z^3+z^2
$\Delta a_3 = z$	z^3+z^2+z	z^3+z
$\Delta a_3 = 1$	z^2+1	z^3+z^2+z
$\Delta a_3 = z$	z^3+z	z^3+z^2+z+1
$\Delta a_3 = z^2$	z^3+z^2	z^3+z^2
$\Delta a_3 = z^3$	1	z^3+z
$\Delta a_4 = 1$	z^3+z	z^3+z^2+z
$\Delta a_4 = z$	z^3+z^2	z^3+z^2+z+1
$\Delta a_4 = z^2$	1	z^3+z^2
$\Delta a_4 = z^3$	z	z^3+z+1
$\Delta a_5 = 1$	0	z
$\Delta a_5 = z$	0	z^2
$\Delta a_5 = z^2$	0	z^3
$\Delta a_5 = z^3$	0	$z+1$

На базе данного алгоритма был разработан преобразователь, который осуществляет параллельное вычисление коэффициентов смешанной системы счисления, реализованное с помощью нейрореподобных вычислительных

