

нейросетевом базисе;  $N$  – набор модулей полиномиальной системы классов вычетов;  $K^{ош}$  – количество парируемых ошибок выбранным алгоритмом;  $K^{ош}_{доп}$  – минимально допустимое количество обнаруженных и исправленных ошибок;  $T^{ош}$  – временные затраты необходимые на реализацию процедуры поиска и коррекции ошибки;  $T^{пкв-псс}$  – временные затраты на обратное преобразование из модулярного кода в позиционный код.

В табл. 1 представлены исходные данные, необходимые для решения поставленной задачи для СП ПСКВ, функционирующих в расширенных полях Галуа  $GF(2^3)$ ,  $GF(2^4)$ ,  $GF(2^5)$ .

**Табл. 1.** Исходные данные для выбора алгоритма коррекции ошибок

| № п/п | Алгоритм поиска и исправления ошибок | Кратность ошибки | Затраты на реализацию алгоритма |           |           |                             |
|-------|--------------------------------------|------------------|---------------------------------|-----------|-----------|-----------------------------|
|       |                                      |                  | аппаратурные (нейроны)          |           |           | временные (кол-во итераций) |
|       |                                      |                  | $GF(2^3)$                       | $GF(2^4)$ | $GF(2^5)$ |                             |
| 1     | Параллельная нулевизация [1]         | 1                | 15                              | 40        | 85        | 1                           |
| 2     | Интервальный номер [1]               | 1                | 17                              | 52        | 139       | 1                           |
| 3     | Интервальный номер [3]               | 1                | 14                              | 47        | 130       | 2                           |
| 4     | Коэффициенты ОПС [1]                 | 1                | 14                              | 67        | 197       | 1                           |
| 5     | Синдром ошибки [2]                   | 1                | 18                              | 41        | 87        | 1                           |
| 6     | Спектр [1]                           | 1                | 23                              | 84        | 188       | 2                           |

Анализ таблицы 1 показывает, что оптимальным способом реализации немодулярной процедуры определения, локализации и исправления ошибки для конвейерной структуры СП ПСКВ с двумя контрольными основаниями, удовлетворяющим предельной теореме представленной работе [1], является метод параллельной нулевизации. Данный метод реализуется при этом минимальных аппаратурных и временных затрат.

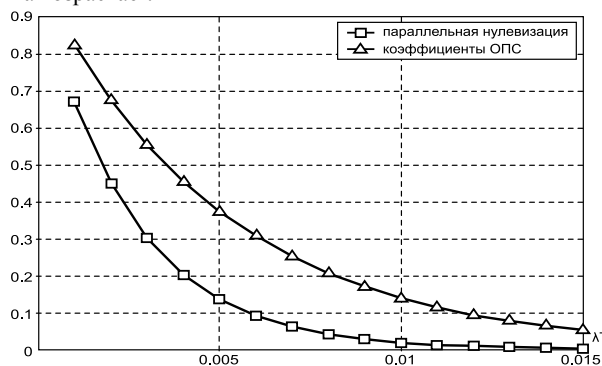
Однако, если учитывать то обстоятельство, что коэффициенты обобщенной полиадической системы (ОПС) используется при выполнении процедур перевода непозиционного кода ПСКВ в позиционную систему счисления, то при проведении сравнительного анализа необходимо учитывать и схемные затраты необходимые для обратного преобразования на основе КТО. Тогда получаем, что для реализации процедуры поиска и локализации ошибки при переводе кода ПСКВ в ПСС на основе параллельной нулевизации потребуется:

- для поля  $GF(2^3)$  - 49 формальных нейронов;
- для поля  $GF(2^4)$  - 166 формальных нейронов;
- для поля  $GF(2^5)$  - 401 формальных нейрон.

На рисунке 1 приведен сравнительный анализ двух методов определения глубины и местоположения ошибок в кодах ПСКВ с учетом аппаратурных затрат на устройство обратного преобразования ПСКВ-ПСС для различных полей Галуа  $GF(2^5)$ .

Из рисунка 1 наглядно видно, что применение алгоритма вычисления коэффициентов ОПС позволяет обеспечить более надежную работу устройства обнаружения и коррекции ошибок по сравнению с параллельной нулевизацией. Полученные результаты показывают, что для СП класса вычетов с двумя контрольными основаниями алгоритм вычисления коэффициентов обобщенной полиадической системы, представленный в работе [1], является оптимальным. При этом при дальнейшем увеличении разрядной сетки СП ПСКВ с параллельно-конвейерной организацией

вычислений эффективность применения данного алгоритма возрастает.



**Рис. 1.** Вероятность безотказной работы устройств обнаружения и коррекции ошибок в кодах ПСКВ с учетом обратного преобразования для поля Галуа  $GF(2^5)$

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Калмыков И.А. Математические модели нейросетевых отказоустойчивых вычислительных средств, функционирующих в полиномиальной системе классов вычетов/ Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 276 с
2. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Математическая модель нейронной сети для коррекции ошибок в непозиционном коде расширенного поля Галуа/ Нейрокомпьютеры: разработка, применение. №8-9, 2003. С. 10-16.
3. Калмыков И.А. Коррекция ошибок в модулярных кодах на основе нейросетевого алгоритма вычисления номера интервала/Збірник наукових праць Харківського університету Повітряних Сил. Випуск 6(6). Харків, 2005. с. 65-68.
4. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В., Шилов А.А. Нейросетевая реализация в полиномиальной системе классов вычетов операций ЦОС повышенной разрядности/ Нейрокомпьютеры: разработка и применение, 2004, №5-6, с.94-101.
5. Элементы применения компьютерной математики и нейроинформатики/Н.И. Червяков, И.А. Калмыков И.А., В.А. Галкина, Ю.О. Щелкунова, А.А. Шилов; Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. – 216с.

#### КОРРЕКЦИЯ ОШИБОК ПРИ ОРТОГОНАЛЬНЫХ ПРЕОБРАЗОВАНИЯХ СИГНАЛОВ В СОВРЕМЕННЫХ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЯХ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ

Калмыков И.А., Хайватов А.Б., Резеньков Д.Н., Зиновьев А.В.

Ставропольский военный институт связи Ракетных войск, г. Ставрополь, Россия

В настоящее время информационные технологии (ИИ) находят все более широкое применение в системах управления. Это позволяет обеспечить требуемые характеристики, предъявляемые к таким системам.

В основу многих ИТ положена цифровая обработка сигналов, основу которой составляют ортогональные преобразования сигналов. Применение полиномиальной системы классов вычетов (ПСКВ) позволяет осуществлять такие преобразования в реальном масштабе времени [1]. Кроме того, параллельная обработка данных в вычислительных трактах по модулям системы ПСКВ может служить базисом в реализации процедур поиска и коррекции ошибок. Разработанные алгоритмы обнаружения и исправления

ошибок в нейросетевом базисе позволяют повысить эффективность ИТ систем управления.

Основу корректирующих кодов ПСКВ составляет распределение полиномов по полному диапазону. Если выбрать  $k$  из  $n$  оснований ПСКВ ( $k < n$ ), то это позволит осуществить разбиение полного диапазона  $P_{ном}(z)$  расширенного поля Галуа  $GF(p^n)$  на два непересекающихся подмножества. Первое подмножество называется рабочим диапазоном и определяется выражением

$$P_{раб}(z) = \prod_{i=1}^k p_i(z).$$

Многочлен  $A(z)$  с коэффициентами из поля  $GF(p)$  будет считаться разрешенным в том и только том случае, если он принадлежит  $P_{раб}(z)$ . Второе подмножество, определяемое произведением  $r=n-k$  контрольных оснований,

$$P_{ном}(z) = \prod_{i=k+1}^{k+r} p_i(z),$$

задает совокупность запрещенных комбинаций.

Вопросам разработки методов и алгоритмов контроля и коррекции ошибки в модульных избыточных кодах полиномиальной системы классов вычетов уделено значительное внимание [1,3]. Особое место отводится вычислению интервального номера полинома. Определения данной характеристики осуществляется

$$l_{ум}(z) = [A(z)/P_{раб}(z)]. \quad (1)$$

В работе [3] представлено устройство, осуществляющее обнаружение и коррекцию ошибки в модулярном коде на основе вычисления интервального номера, используя

$$B_i^*(z) \equiv B_i(z) \bmod P_{раб}(z), \quad (2)$$

где  $B_i^*(z)$  и  $B_i(z)$  - ортогональные базисы без избыточности и полной системы.

Тогда согласно (2)

$$B_i(z) = R_i(z)P_{раб}(z) + B_i^*(z), \quad (3)$$

где  $R_i(z) = [B_i(z)/P_{раб}(z)]$

Подставив равенство (3) в выражение (1) и проведя упрощения, имеем

$$l_{ум}(z) = \sum_{i=1}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) + \left[ \sum_{j=1}^k \alpha_j(z)B_j^*(z) / P_{раб}(z) \right] + K(z)P_{ном}(z) / P_{раб}(z), \quad (4)$$

где  $P_{ном}(z) = \prod_{i=k+1}^{k+r} p_i(z)$ ;

$K(z)$  – ранг полной системы оснований ПСКВ.

Так как множество значений интервального номера  $l_{ум}(z)$  представляет собой кольцо по модулю  $P_{ном}(z)$ , то выражение (4) преобразуется к виду

$$l_{ум}(z) = \left[ \sum_{i=1}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) + K^*(z) \right]_{P_{ном}(z)}, \quad (5)$$

где ранг без избыточной системы определяется выражением

$$K^*(z) = \left[ \sum_{j=1}^k \alpha_j(z)B_j^*(z) / P_{раб}(z) \right]. \quad (6)$$

Если  $l_{ум}(z) = 0$ , то исходный полином  $A(z)$  лежит внутри рабочего диапазона и не является запрещенным. В противном случае  $A(z)$  – ошибочная комбинация. Причем использование данной характеристики позволяет по величине  $l_{ум}(z)$  определить местоположение и глубину  $\Delta\alpha_i(z)$  ошибки.

Анализ выражения (5) показывает, что применение составного модуля  $P_{ном}(z)$ , по которому определяется значение интервального номера  $l(z)$ , с точки зрения аппаратных затрат, является не самым оптимальным.

Решить данную проблему можно за счёт модификации алгоритма [1]. В основу данной модификации положено свойство – отсутствие переноса единицы из младшего разряда в старший при выполнении арифметической операции сложения двух операндов в расширенных полях Галуа  $GF(2^n)$ . Таким образом, величина ранга  $K^*(z)$  без избыточности системы ПСКВ  $p_1(z), \dots, p_k(z)$  определяется значением  $\alpha_i(z)$  и  $B_i^*(z)$ , и никоим образом не зависит от переполнения диапазона  $P_{раб}(z)$ . Следовательно, вычислив  $\alpha_i(z)B_i^*(z) \bmod P_{раб}(z)$ , можно отказаться от вычисления  $K^*(z)$ . Тогда (10) примет вид

$$\begin{cases} l_{ум}^{k+1}(z) = \left[ \sum_{i=1}^k (\alpha_i(z)B_i^*(z)) \bmod P_{раб}(z) + \sum_{\substack{i=k+1 \\ \neq k+1}}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) \right]_{P_{k+1}(z)}^+ \\ \vdots \\ l_{ум}^{k+r}(z) = \left[ \sum_{i=1}^k (\alpha_i(z)B_i^*(z)) \bmod P_{раб}(z) + \sum_{\substack{i=k+1 \\ \neq k+1}}^{k+r} \alpha_i(z)R_i(z) \right]_{P_{k+r}(z)}^+ \end{cases} \quad (7)$$

В ходе проведенных исследований было выявлено, что схемная реализация выражения (7) обеспечивает наибольшую эффективность при контроле и исправлении ошибок, возникающих в процессе функционирования специпроцессора ПСКВ. При этом представленный алгоритм вычисления данной позиционной характеристики характеризуется довольно высокой надежностью работы при сравнительно небольших временных затратах на реализацию процедур поиска и определения местоположения ошибочных разрядов. Кроме того, с увеличением разрядности вычислительного устройства эффективность алгоритма (7) возрастает.

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Калмыков И.А. Математические модели нейросетевых отказоустойчивых вычислительных средств, функционирующих в полиномиальной системе классов вычетов/ Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 276 с.
2. Элементы применения компьютерной математики и нейронинформатики/Н.И. Червяков, И.А. Калмыков И.А., В.А. Галкина, Ю.О. Щелкунова, А.А. Шилов; Под ред. Н.И. Червякова. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. – 216с.
3. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Математическая модель нейронной сети для коррекции ошибок в непозиционном коде расширенного поля Галуа/Нейрокомпьютеры: разработка, применение №8-9, 2003. С.10-16

#### ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЬ ИЗ МОДУЛЯРНОГО КОДА В ОБОБЩЕННУЮ ПОЛИАДИЧЕСКУЮ СИСТЕМУ СЧИСЛЕНИЯ ДЛЯ ОТКАЗОУСТОЙЧИВЫХ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ

Калмыков И.А., Лободин М.В., Зиновьев А.В., Емарлукова Я.В.

Ставропольский военный институт связи Ракетных войск, г. Ставрополь, Россия

#### Задача исследований

Применение систем контроля и управления доступом (СКУД) в современных системах управления позволяет обеспечить высокую степень защиты от несанкционированного доступа (НСД) к информации. При этом СКУД должны обладать свойством отказоустойчивости. Обеспечить высокую надежность работы таких систем можно за счет применения корректирующих арифметических кодов, используемых для первичной обработки биометрических параметров пользователя.