

радиоприемник, но нельзя постоянно смотреть национальное или спутниковое телевидение.

В этой связи возрастает актуальность проблемы разработки новых методов относительно дешевых и надежных способов получения электрической энергии. Отсутствие в развивающихся странах необходимых финансовых ресурсов делает призрачными надежды на то, что они будут в состоянии выделять требующиеся средства для развертывания широкомасштабных исследований. Следовательно, без содействия стран с развитой рыночной экономикой в этом процессе не обойтись.

Однако не следует полагать, будто подобное содействие будет равнозначно альтруизму. Отнюдь нет. Жители стран с развитой рыночной экономикой не менее остальной части мира заинтересованы в том, чтобы обеспечить себе безопасное существование, в том числе и с точки зрения экологии. Между тем, если представить возможное увеличение масштабов потребления энергии в будущем при сохранении традиционных методов ее производства, то экологическое давление на природную среду возрастет в несколько раз и никакие программы сокращения выбросов в атмосферу не смогут их снизить кардинально. Следовательно, поиск новых, высокоэкономичных способов преобразования первичных энергоресурсов (в частности возобновляемых) для получения электрической энергии и разработки новых видов топлива для автомобилей окажет благотворное влияние на всю мировую энергетику.

Хотя отдельные страны, в частности арабские, проявляют интерес к солнечной энергии и ведут соответствующие исследования, в том числе совместно с учеными из стран с развитой рыночной экономикой, масштабы указанных исследований в целом не отвечают объективным потребностям.

Разработка высокоэкономичных и надежных способов преобразования солнечной энергии в электрическую позволила бы также решить и проблему недостаточности или быстрого сокращения имеющихся водных ресурсов. Уже в настоящее время в ряде регионов земного шара, в частности на Ближнем Востоке и в Северной Африке, ощущается их нехватка, а в будущем дефицит может еще более возрасти.

По-видимому, имеют определенный смысл предложения о подготовке международной программы исследований в области солнечной энергии. Тем более что большинство наименее развитых стран расположены в тропическом и субтропическом поясах, для которых характерен высокий уровень солнечной радиации.

Прямой метод Ляпунова для гиперболической смешанной задачи на плоскости

Романовский Р.К., Воробьева Е.В., Макарова И.Д.
Омский государственный технический университет,
Омск

В работах [1-4] изучалось асимптотическое поведение решений задачи Коши для линейных гиперболических систем с одной пространственной переменной - устойчивости, дихотомия, экспоненциальная

расщепляемость - на основе построенного в [1,5] аппарата матриц Римана первого и второго рода, представляющих собой соответственно сингулярную и регулярную компоненты фундаментальной матрицы гиперболической системы. В [6] предложен подход к анализу устойчивости решений задачи Коши, основанный на приведении гиперболической системы к обыкновенному дифференциальному уравнению с ограниченным операторным коэффициентом в гильбертовом пространстве и последующем применении метода функционалов Ляпунова. В данной работе рассматривается смешанная задача для почти линейной гиперболической системы с одной пространственной переменной, встречающаяся в задачах акустики, теории упругости, химической кинетики [7-11]. Ранее в работе [10] исследовалась устойчивость стационарных решений этой задачи первым методом Ляпунова, установлен спектральный признак экспоненциальной устойчивости в C^1 -норме. Ниже предложен вариант метода функционалов Ляпунова для этой задачи, установлен признак экспоненциальной устойчивости в L_2 -норме в терминах матричных неравенств.

Рассматривается краевая задача для гиперболической системы с кратными характеристиками

$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial t} + A(x) \frac{\partial u}{\partial x} + B(x)u + f(x, u) = 0, \\ (x, t) \in \Pi, \\ u(x, 0) = h_0(x), u_+(0, t) = \Gamma_0 u_-(0, t), \\ u_-(1, t) = \Gamma_1 u_+(1, t). \end{cases} \quad (1)$$

Здесь Π - полуполоса $(0, 1) \times (0, \infty)$;

$u: \bar{\Pi} \rightarrow \mathbb{R}^N$; $f: [0, 1] \times \mathbb{R}^N \rightarrow \mathbb{R}^N$; $h_0: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}^N$;

$A, B: [0, 1] \rightarrow \text{Mat}(N, \mathbb{R})$,

$A = \text{diag}(a_1(x)I_1, \dots, a_n(x)I_n)$,

$a_1 > \dots > a_m > 0 > a_{m+1} > \dots > a_n$,

$u_+ = (u_1, \mathbf{K}, u_m)^*$, $u_- = (u_{m+1}, \mathbf{K}, u_n)^*$; I_k - единичная матрица порядка N_k , $\sum N_k = N$; u_k -

строка размера N_k ; Γ_0, Γ_1 - постоянные матрицы соответствующих размеров. Матрицы A, B и векторы f, h_0 - гладкие в своих областях определения,

$f = O(|u|^2)$ равномерно по $x \in \mathbb{R}^N$ при $u \rightarrow 0$.
Здесь и далее $|\cdot|$ - евклидова норма в $\mathbb{R}^N$, знак $*$ означает транспонирование. Предполагаются выполненные условия согласования нулевого и первого порядков:

$$h_k^+(0) = \Gamma_0 h_k^-(0), h_k^-(1) = \Gamma_1 h_k^+(1), \quad k = 0, 1, \quad (2)$$

где $h_1 = Ah_0 + Bh_0 + f(x, h_0)$. При указанных условиях имеет место локальная однозначная разрешимость краевой задачи (1) в классе гладких функций [7]. Далее будем дополнительно предполагать: суще-

существует такое $r > 0$, что при условии $\max |h_0| \leq r$ имеет место однозначная гладкая разрешимость во всей полуполосе Π . Можно считать $r \leq R$. В силу оценки (2) начальной функции $h_0 = 0$ отвечает решение $u = 0$.

Обозначим через H множество гладких функций $h: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}^N$, удовлетворяющих условиям (2)

с заменой h_k на h , $\|h\| = \left(\int_0^1 |h|^2 dx \right)^{1/2}$. Значения

решения $u(x, t)$ краевой задачи (1) при каждом t – элементы H . Будем говорить, что решение $u = 0$ задачи (1) экспоненциально устойчиво в L_2 –норме, если существуют такие числа $d \in (0, r)$, $m > 0$, $n > 0$, что для решений задачи (1), удовлетворяющих условию $\max |h_0| < d$, верна оценка

$$\|u(x, t)\| \leq m e^{-nt} \|h_0\| \quad (t > 0).$$

Зафиксируем гладкую на $[0, 1]$ матрицу $G(x) = \text{diag}(G_1, \dots, G_n)$, где блоки G_k имеют такие же размеры, как соответствующие блоки матрицы A , и удовлетворяют условиям

$$G_k^* = G_k, \quad aI_k \leq G_k \leq bI_k, \quad a, b = \text{const} > 0.$$

Представим матрицы A, G в виде $A = \text{diag}(A_+, A_-)$, $G = \text{diag}(G_+, G_-)$, где A_+, G_+ имеют порядок $N_1 + \dots + N_m$, и построим матрицы

$$F(x) = (GA)' - GB - B^*G,$$

$$F_0 = (G_- A_- + \Gamma_0^* G_+ A_+ \Gamma_0)_{x=0},$$

$$F_1 = (G_+ A_+ + \Gamma_1^* G_- A_- \Gamma_1)_{x=1}.$$

ТЕОРЕМА. Для экспоненциальной устойчивости в L_2 –норме решения $u = 0$ краевой задачи (1) достаточно существование матрицы G с указанными свойствами такой, что выполняются неравенства

$$F \leq -cI, \quad c = \text{const} > 0, \quad F_0 \leq 0, \quad F_1 \geq 0.$$

ЛИТЕРАТУРА

1. Романовский Р.К. О матрицах Римана первого и второго рода // Докл. АН СССР. 1982. Т.267, № 3. С.577-580.
2. Романовский Р.К. Экспоненциально расщепляемые гиперболические системы с двумя независимыми переменными // Мат. сб. 1987. Т.133, № 3. С.341-355.
3. Романовский Р.К. Об операторе монодромии гиперболической системы с периодическими коэффициентами // Применение методов функционального

анализа в задачах математической физики. Киев: ИМ АН УССР, 1987. С.47-52.

4. Романовский Р.К. Усреднение гиперболических уравнений // Докл. АН СССР. 1989. Т.306, № 2. С.286-289.

5. Романовский Р.К. О матрицах Римана первого и второго рода // Мат. сб. 1985. Т.127, № 4. С.494-501.

6. Воробьева Е.В., Романовский Р.К. Об устойчивости решений задачи Коши для гиперболической системы с двумя независимыми переменными // Сиб. мат. журн. 1998. Т.39, № 6. С.1290-1292.

7. Аболия В.Э., Мышкис А.Д. Смешанная задача для почти линейной гиперболической системы на плоскости // Мат. сб. 1960. Т.50, №4. С.423-442.

8. Зеленьяк Т.И. О стационарных решениях смешанных задач, возникающих при изучении некоторых химических процессов // Дифференц. уравнения. 1966. Т.2, №2. С.205-213.

9. Годунов С.К. Уравнения математической физики // М.: Наука. 1979.

10. Елтышева Н.А. О качественных свойствах решений некоторых гиперболических систем на плоскости // Мат. сб. 1988. Т.135, №2. С.186-209.

11. Акрамов Т.А. Качественный и численный анализ модели реактора с противотоком компонентов // Математическое моделирование каталитических реакторов. Новосибирск: Наука, 1989. С.195-214.

Реформирование межбюджетных отношений в РФ

Соломко И.М., Ю М.С.

Хабаровская государственная академия экономики и права, Хабаровск

На различных этапах функционирования бюджетной системы Российской Федерации предпринимались попытки реформирования системы межбюджетных отношений, к настоящему времени в этой области имеется ряд положительных моментов.

Необходимо отметить, что для проведения успешной политики реформирования межбюджетных отношений требуется прежде всего обеспечить реализацию прав и ответственности органов государственной власти субъектов РФ и органов местного самоуправления принимать в рамках федерального законодательства самостоятельные решения по организации бюджетного процесса, формированию доходов и расходов своих бюджетов на основе четкого, стабильного и сбалансированного разграничения расходных полномочий и закрепления доходных источников, гарантирующих финансовую самостоятельность.

В настоящее время, опираясь на действующее бюджетное законодательство, и прежде всего, на Бюджетный Кодекс Российской Федерации, органы государственной власти субъектов РФ и органы местного самоуправления не имеют возможности и заинтересованность внедрять современные методы бюджетного планирования, обеспечивать прозрачность бюджетного процесса, разрабатывать и реализовывать средние долгосрочные программы реформирования бюджетной сферы. Поэтому дальнейшее проведение