

**Физико-математические науки**

**From G. Galilei's paradox up to the alternate analysis**

Sukhotin A.

*Tomsk polytechnic university, Tomsk*

Having unclosed paradox that of natural numbers are as much how many their quadrates, G. Galilei bequeathed to be cautious in the handling with infinite amounts: "...there isn't the place for a property of an equality, and also greater and smaller value there, where the matter goes about infinity, and are applied only to finite amounts" [1, p. 140-146]. An explanation of this paradox can be obtained with some conditions, which have allowed to divide all injective mappings  $j: N \rightarrow N$  on four classes: 1) finitely surjective, 2) potentially surjective, 3) potentially antisurjective and 4) are as trivial antisurjective mappings. The following statements are proved, in particular:

**Theorem 1.** The injections of 3-rd and 4-th classes are not bijections.

**Theorem 2.** If a mapping  $j: N \rightarrow N$  is bijection, then the following limit equality is fulfilled:

$$\lim(j(n):n) = 1.$$

**Theorem 3.** There isn't a bijection between of natural numbers set  $N$  and its proper subset  $A \subset N$ .

Theorem 3 can be proved also by means of the mathematical induction method or with the helping of the following statement.

**Theorem 4.** Let  $A$  and  $B$  be proper subsets of set  $N$  of natural numbers and there is an injection  $j: A \rightarrow B$ , then this mapping  $j$  can be prolonged up to bijection  $y: N \rightarrow N$ .

The concept of numerical sequence convergence is generalized as follows:

**Definition 1.** A numerical sequence  $(a)$  will be termed as a properly convergent sequence, if

$$\lim(a_n - a_{n-1}) = 0. \quad (1)$$

This concept gives the substantiation to existence of infinite hyper-real numbers. In particular, the sequence of the partial sums of a harmonic series satisfies to a condition of Definition 1. It is easy to proof following statement by means (1):

**Theorem 5.** A set of Cauchy's sequences includes a subset of unlimited those.

**Corollary** of Theorem 5. The real numbers set  $R$  isn't a complete space if it doesn't include a subset of infinite hyper-real numbers.

A completeness axiom will be entered: every properly convergent sequence converges

Theorem 6.

Theorem 4.

The defined more exactly concept of numerical series has allowed to prove and to show on examples both a necessary criterion of the numerical series convergence on the extended numerical direct  $\bar{R}$  is also sufficient, and the convergence of an alternating numerical series in  $R$  does not depend on a permutation of this series addends

[2]. For example, let  $(A) = \sum (-1)^{n+1} n^{-1} = A = \ln 2$ . The series  $(B)$  was obtained [3, p. 316-319] from the series  $(A)$  by following "procedure": after everyone  $p$  of sequential positive addends of the series  $(A)$  was put  $q$  of the sequential negative addends of this series. The sequence  $(\tilde{S}_n)$  of partial sums of series  $(B)$  converges to number  $\tilde{S} = \ln(2\sqrt{p:q})$ . It is shown in the report the sequence  $(\tilde{r}_n)$  of series  $(B)$  residuals converges to number  $\tilde{r} = \ln(\sqrt{q:p})$ . Therefore,  $A = \tilde{S} + \tilde{r}$ .

Reference

- Galilei G.. Selected Works: In 2 t. -Moscow: "Science", 1964. T. 1.-571 p. (In Russian)
- Sukhotin A.M. Alternative analysis principles: Study.-Tomsk: TPU Press, 2002.-43 p.
- Fikhtengolts G. M. Course differential and integral calculus: In 3 t., 3-rd edit.- Moscow: "Science", 1967.-T. 2.-664 p. (In Russian)

**Формулировка механики и электродинамики в пространстве октав как развитие программы геометризации физики**

Верещагин И.А.

*Пермский государственный технический университет, БФ, Березники*

Математической основой СТО является постулат пространства Минковского (А.Д. Александров. Хроногеометрия: 1968). Матрицы Паули изоморфны кватернионам (Дирак. Теория электрона). Алгебра октав не используется в физике (Ю.Б. Румер. Теория элементарных частиц: 1967). Алгебра октав содержит бинарно лиеву алгебру (А.И. Мальцев. Алгебраические системы: 1968). Пространство над алгеброй октав  $\mathbf{O}$  допускает дифференциальную формулировку физики при вводе в качестве основных физических величин времени, трех пространственных координат, энергии, трех импульсных координат. Связь между смежными кватернионами в октаве физических величин (в предметном терме) и октаве соответствующих дифференциальных операторов (в операторном терме) осуществляется, по размерности, с помощью константы октетной физики  $m'$ ,  $[m'] = \text{кг/с}$ . Операторный терм октетной физики аналогичен образующим алгебры Гейзенберга. Результат перемножения операторного и предметного термов также принадлежит пространству  $\mathbf{O}$  и отображается в 8-мерное евклидово пространство. В итоге получаем систему дифференциальных уравнений:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial T}{\partial t} - \operatorname{div} \mathbf{A} - \frac{\dot{H}H}{(mu)^2} - \operatorname{div}_p \mathbf{P} &= 0, \\ \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial t} + u \operatorname{rot} \mathbf{A} + u^2 \operatorname{grad} T + \frac{\dot{H} \mathbf{P}}{(mu)^2} - u \operatorname{rot}_p \mathbf{P} - \operatorname{grad}_p H &= 0, \\ \frac{\partial H}{\partial t} - u^2 \operatorname{div} \mathbf{P} + \mu^2 \dot{H} T + (m'u)^2 \operatorname{div}_p \mathbf{A} &= 0, \\ \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial t} - u \operatorname{rot} \mathbf{P} + \operatorname{grad} H - \mu^2 \frac{\dot{H} \mathbf{A}}{u^2} - m'^2 u \operatorname{rot}_p \mathbf{A} + (m'u)^2 \operatorname{grad}_p T &= 0, \end{aligned} \right\} (1)$$

где  $\mu = m / m'$ ,  $m$  – масса тела,  $u$  – характерная скорость взаимодействий. Эта система в предельных переходах преобразуется в гамильтонову механику. Если под обобщенными координатами понимать скалярный электрический и векторный магнитный потенциалы и дуальные к ним потенциалы второго кватерниона, то система (1) преобразуется в систему уравнений октетной электродинамики, содержащую, кроме магнитного монополя, уравнения Максвелла. Уравнения 1 и 5 в (1) допускают расширение формализма квантовой механики. Система (1) содержит качественно новую информацию о физических объектах и не сводится к сумме классических теорий.

Качественные основания аксиоматики, базирующейся на постулате пространства октав: 1) физический мир верифицируется согласно восьмеричной гармонии (радуга, музыкальная октава и т. д., вплоть до размеров и масс космических объектов); 2) физическое пространство некоммутативно и неассоциативно относительно поворотов макроскопических тел на углы  $\pm\pi/2$  вокруг двух и трех, соответственно, декартовых координат, проведенных в любой последовательности; 3) физическое пространство фрактально, ибо в монолите невозможно движение, – фрактальность появляется как следствие некоммутативных и неассоциативных характеристик движения; 4) физическое время необратимо.

### Расчёт угловых коэффициентов лучистого теплообмена между стенками бесконечно длинного канала

Кабаков З. К., Сеницын Н. Н.

Известно выражения для элементарного углового коэффициента переноса диффузного излучения от элементарной площадки  $dF_1$  на площадку  $dF_2$  для случая распределения лучистой энергии в трёхмерном пространстве:

$$\Phi_{dF_1 dF_2} = \frac{\cos \alpha_1 \cdot \cos \alpha_2}{\pi \cdot r^2} \cdot dF_2 \quad (1)$$

где  $r$  – расстояние между площадками,  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  углы между направлением  $r$  и нормальными к площадкам  $dF_1$  и  $dF_2$  соответственно.

При двумерном распределении энергии практические задачи обычно решают, используя указанный угловой коэффициент, а затем выполняют предельный переход к двумерному решению по координате, направленной вдоль канала.

В данной работе получены выражения для элементарного углового коэффициента при двумерном распределении лучистой энергии в форме

$$\Phi_{dF_1 dF_2} = \frac{\cos \alpha_1 \cdot \cos \alpha_2 \cdot dl_2}{2 \cdot r} \quad (2)$$

для углового коэффициента теплообмена с  $dF_1$  на полную поверхность  $F_2$ :

$$\Phi_{dF_1 F_2} = \int_{l_2} \frac{\cos \alpha_1 \cdot \cos \alpha_2 \cdot dl_2}{2 \cdot r} \quad (3)$$

и для углового коэффициента теплообмена с  $F_1$  на  $F_2$ :

$$\Phi_{F_1 F_2} = \frac{1}{l_1} \cdot \int_{l_1} \Phi_{dF_1 F_2} \cdot dl_1 \quad (4)$$

где  $dF_1 = dl_1 \cdot 1$ ,  $dF_2 = dl_2 \cdot 1$ ,  $l_1$  и  $l_2$  – линейные размеры поперечного сечения канала.

Выражения (2)-(4) использованы для определения углового коэффициента излучения между бесконечными параллельными полосами одинаковой ширины, формула для которого известна и получена с использованием формулы (1) и дальнейшего предельного перехода. Сравнение результатов показало их полную идентичность. Формулы (2)-(4) рекомендуется использовать в тех практических случаях, когда необходимо найти распределение теплового потока на поверхности, нагреваемой от другой поверхности. В качестве примера можно привести процесс нагрева поддерживающих роликов от раскаленной поверхности слитка, получаемого на машинах непрерывного литья, а также процесс нагрева валков при горячей прокатке слябов.

### Синергетика в суперинионных кристаллах

Снежков В.И., Мощенко И.Н., Можаяев А.М.

Ростовский государственный строительный университет, ГНУ «Северо-Кавказский научный центр высшей школы»

По Г.Хакену синергетика рассматривает роль коллективных, кооперативных эффектов в процессах самоорганизации. При сильном воздействии на твердое тело проявляются закономерности, общие для неравновесной термодинамики, признающей общим свойством открытых систем самоорганизацию, возникающую вдали от равновесия. При этом в ходе неравновесного процесса из пространственно однородного состояния организовывается пространственная или временная структура.

Электропроводность твердого кристаллического соединения серебра с йодом  $\text{AgI}$  при температуре 147 °С увеличивается в тысячи раз. Кристалл переходит из низкотемпературной  $\beta$ -фазы в высокотемпературную (суперионную)  $\alpha$ -фазу, которая сохраняется до температуры плавления 555 °С.

Такое состояние вещества, в котором некоторые атомы имеют подвижность как в жидкости, а другие сохраняют свое регулярное расположение в кристалле, получило название суперинионной проводимости, а вещества, обладающие такими свойствами – суперинионики.

Анализ брэгговских рентгеновских пиков показал, что ниже температуры 147 °С, в  $\beta$ - фазе, ионы серебра находятся внутри правильных тетраэдров из атомов йода в гексагональной структуре вюрцита.