УДК 691:539.215

УРАВНЕНИЯ ДЛЯ КООРДИНАЦИОННОГО ЧИСЛА В НЕУПОРЯДОЧЕНЫХ СИСТЕМАХ

Хархардин А.Н., Топчиев А.И.

Белгородский государственный технологический университет им. В.Г. Шухова

Приводится вывод уравнений для расчета координационного числа в неупорядоченных конденсированных системах: в зернистых материалах, в композитах с твердой монодисперсной фазой, в жидких металлах и при критическом состоянии вещества. В выводах этих уравнений используется основной их топологический параметр — средняя плотность упаковки структурных элементов дискретности. Знание координационного числа элементов дискретности неупорядоченных систем необходимо для определения многих их свойств: физических, механических, реологических и др., совокупность которых вытекает из их топологических состояний: твердого, псевдотвердого, жидкого, псевдожидкого и критического.

Геометрия ближайшего окружения частиц зернистых (дисперсных) материалов и плотность их упаковки определяют топологию неупорядоченных систем. В композиционных материалах в результате действия сил поверхностного натяжения между жидкой и твердой дисперсной фазой плотность упаковки ее частиц становится больше, чем в сухом дисперсном слое. Изменение плотности упаковки атомов при плавлении кристаллических веществ, например, металлов зависит кроме всего прочего от коэффициента компактности их кристаллической решетки. Если он меньше, чем плотность случайной (произвольной) упаковки невзаимодействующих твердых шаров (η=0,6403), то плотность упаковки атомов в жидкой фазе возрастает. Если он больше этой величины, как для большинства металлов, то плотность упаковки атомов, например, в жидких металлах зависит от температуры, межатомного взаимодействия, наличия жидкого полиморфизма или способности их к кластерообразованию. Число ближайшего окружения частицы в дискретной системе называется координационным числом. Структурная топология определяет координацию этих частиц в трехмерном пространстве координационным числом и плотностью их упаковки в системе. Структурная топология неупорядоченных систем - это наука о составе, уровнях организации структур топологического беспорядка и свойствах систем, наделенных дис-Дискретность неупорядоченных кретностью. систем может проявляться как на микроуровне в виде атомов, молекул и их ассоциаций, флуктуаций плотности, кластеров, магнитных доменов и пр., так и на макроуровне в виде флокул, агрегаций, блоков, высокоплотных образований и пр. Так, при измельчении зернистого материала возрастает электростатическое взаимодействие частиц, изменяется структура дисперсного слоя в результате уменьшения плотности их упаковки и координационного числа, вплоть до критического состояния, когда наступает сухое агрегирование микрочастиц. При дальнейшем их измельчении проявляются аномальные физические структурные, магнитные и электрические свойства. Введение большого количества таких наполнителей в композиты и их переработка в изделия затрудняется. Следовательно, на этой стадии измельчения изменяется уровень организации структуры как твердой дисперсной фазы в слое, так и в наполненных композитах. Знание координационного числа в зернистом слое, твердой дисперсной фазы в композитах, в жидкостях требуется в теории композиционных материалов с электропроводящим дисперсным наполнителем, в теории жидкости и в практике металлургических процессов для расчета вязкости и термодинамических характеристик жидких металлов. Метод определения координационного числа по " радиальной функции распределения плотности" [1] – трудоемкий и показывает наибольшее его значение в первом максимуме этой кривой, который может соответствовать локальным скоплениям атомов, кластерным или плотным жидким полиморфным образованиям.

Наш приближенный метод основан на использовании рекуррентного уравнения для фазовых, топологических переходов вещества, полученного при математическом описании аэро - и гидродинамики зернистого слоя в точках псевдоожижения – кипения в зависимости от порозрости неподвижного слоя. Это уравнение имеет вид [2]:

$$h = h_{1} \left[1 - \frac{1}{3 \ln(2K)} \right] = h_{1} \left\{ 1 - \frac{1}{3 \ln\left[2000 \left(\sqrt{3} - 1 \right)^{9} \cdot h_{1}^{5} \right]} \right\}, (1)$$

где η_1, η - плотность упаковки частиц в псевдофазах, в близи (до и после) топологического перехода, К – гидродинамический параметр проницаемости слоя, так называемая "константа" Козени – Кармана: $K = 1000(\sqrt{3} - 1)^9 \cdot 3_1^5 = 60,3773_1^5$.

Покажем, что знаменатель в скобках выражения (1) представляет собой координационное число для невзаимодействующих частиц со случайной упаковкой в слое. Преобразуем уравнение (1) для точки ФТП типа "жидкость - газ", "твердая дисперсная фаза - газ", "псевдожидкая фаза -газ" при критическом состоянии вещества к виду:

$$V - V_1 = V/3\ln(2K),$$

где V, V_1 – объем менее плотной и более плотной фазы в точке ФТП.

Подставляя правую часть этого выражения в уравнение Менделеева-Клапейрона-Клаузиуса, получим:

$$\frac{\mathrm{dP}}{\mathrm{dT}} = \frac{3\mathrm{qln}(2\mathrm{K})}{\mathrm{TV}},$$

где Т, q - температура и скрытая теплота ФТП.

Преобразуем это выражение к виду полагая, что для псевдоожиженного слоя невзаимодействующих частиц в точке ФТП (в точке псевдоожижения - кипения слоя) выполняется равенство идеальных газов PV=RT, где параметры P и V могут быть определены давлением псевдоожижающего агента и объемом псевдоожиженного

$$\frac{dP}{P} = \frac{3qln(2K)}{RT^2} \cdot dT$$

Интегрирование этого выражения в предположении, что скрытая теплота фазотопологического перехода q не зависит от температуры, да-

$$lnP = -3qln(2K)/RT \pm c$$

Преобразуем это выражение к виду:

$$\left(\frac{RT}{PV}\right)\ln P = -\frac{3q \cdot \ln(2K)}{PV} \pm \frac{cRT}{PV}$$

Выражение в скобках левой части этого равенства примем за коэффициент Z для конденсированной фазы (псевдотвердой, жидкой и псевдожидкой), а при критическом состоянии вещества он представляет собой критический коэффициент, равный по величине координационному числу атомов в плотной фазе флуктуаций псевдожидкой плотности (B $Z_C = RT_C/P_CV_C$. Следовательно коэффици-

ент Z в точке ФТП представляет собой координационное число атомов (частиц) в псевдоконденсированной фазе, где RT≠PV, тогда как в псевдоожиженной системе невзаимодействующих частиц RT=PV. В результате принятых соображений, получим:

$$ZPVlnP = -3qln(2K) \pm cRT$$

$$ZRTlnP = -3qln(2K) \pm cRT$$
 (2)

Пологая, что $q = \pm RT \ln P$ и пренебрегая постоянной интегрирования (с=0) для невзаимодействующих частиц монодисперсного слоя и элементов структуры конденсированной фазы, получим:

$$Z = 3\ln(120,754 \cdot 3_1^5), \tag{3}$$

где η_1 – плотность упаковки элементов структуры в более плотной фазе в точке ФТП.

Из этого уравнения при $3_1 \ge 0.4098 \ Z \ge 1$, что указывает на невозможность существования в природе жидкой конденсированной фазы с плотностью упаковки $3_1 \le 0.4098$ невзаимодействующих элементов ее структуры случайной ИХ упаковкой (T.e. топологическим беспорядком), при $3_1 \ge 0.38337$ $Z \ge 0$ - для газовой фазы. Величина $Z_{CK} = 120,7543_1^5$ представляет собою число элементов (частиц) в скоплении вместе с центральным. $\eta_1 = 0.649620...066029....0660996.Z_{CK} \approx 14...$

...13...12...11...10...9,7. Выражение можно записать в общем виде с учетом силовой константы их взаимодействия к:

$$Z = kln(120,7543_1^5)$$
, где $k=3...4$ (4)

Из этого уравнения для невзаимодействующих (k≤3) и взаимодействующих элементов структуры (k≤4) соответственно в псевдожидкой и жидкой фазе при $3_1 = 0,6403...0,6655$ получим Z = 7,69...8,27 и Z = 10,3...11,0. Величина h = 0.6655 получена из уравнения (1) при η_1 =0,74048. Пологая, что для критического состояния вещества $q = -R_C T_C ln P_C / 3$, из выражения (2) получим: $Z_{\rm C} = k_{\rm C} ln \Big(120{,}7543\,{}_{\rm K}^{\rm 5}\Big),$

$$Z_{\rm C} = k_{\rm C} \ln(120,7543 \, {}_{\rm K}^5),$$
 (5)

где $\eta_{\mathbb{W}}$ – плотность упаковки атомов в плотной фазе флуктуаций плотности, которая незначительно отличается от величины ее в жидкой фазе при температуре (плавления) вещества.

Для конденсированной жидкой фазы в точке кипения (плавления) вещества и в критической точке выражение (5) можно записать в общем виде:

$$Z = \frac{c \ln(120,7543 \frac{5}{\%})}{3_{\%}},$$
 (6)

где с — константа взаимодействия атомов в жидкой фазе, с \leq 1. Так как при η_{*} =0,6403...0,6038...0,5255 и с=1 из выражения (6) Z_{c} =4...3,76...3,0; при c=3 Z=12...11,3...9, а при c=2,549 Z_{c} =10,2...9,6...7,65.

Для уравнения (5) определим изменение величины k_c в пределах изменения $3 \le Z_C \le 4$. Для этого воспользуемся наименьшем значением координационного числа $Z_C = 103_C = 2,549$ для невзаимодействующих элементов псевдофазы:

$$Z_{\rm C} = \frac{(3...4)}{2.549} \ln(2K) = 1,1769...1,5692 \ln(120,7543 \frac{5}{3}),(7)$$

Коэффициент k_c =1,1769 приведем к кратному значению на одно из десяти возможных чисел в первой, во второй и в последующих сферах ближайшего окружения центральной частицы в трехмерном пространстве с увеличением их числа при разрыхлении структуры:

$$Z_C = \left(\frac{3}{2,549}\right)^{n/10} \cdot \ln(2K) = 1,016423^n \cdot \ln(120,754\eta_{\mathcal{K}}^5)^{(8)}$$

где $n \ge 0...30$ - ряд чисел ближайшего окружения центральной частицы в сферах этого окружения.

Из этого выражения при $\eta_{*}\leq 0,6403$ получим широкий спектр стандартных значений Z_c , при четных значениях показателя степени n: $Z_c=2,65\dots 2,74\dots$

 $\dots 2,82\dots 2,92\dots 3,02\dots 3,12\dots 3,22\dots 3,33\dots 3,44$ $\dots 3,55\dots 3,67\dots 3,79\dots 3,92\dots 4,05\dots 4,18\dots$, а при $\eta_1 \leq 0,6038 - Z_c = 2,67\dots 2,76\dots 2,85\dots 2,95\dots 3,04\dots$ $3,15\dots 3,25\dots 3,36\dots 3,47\dots 3,58\dots 3,70\dots 3,82\dots 3,95\dots 4,08\dots 4,2\dots$

Следовательно с уменьшением плотности упаковки частиц в псевдожидкой фазе коэффициент k_c понижается, при этом возрастает число частиц в первой сфере ближайшего окружения. При n=10 эти ряды начинаются величинами $Z_c=3$ и $Z_c=2,67$ соответственно.

Коэффициент k_c =1,5692 приведем к кратному значению на одно из двенадцати возможных чисел ближайшего окружения центрального атома в трехмерном пространстве с увеличением их числа при разрыхлении структуры:

$$Z_C = \left(\frac{4}{2,549}\right)^{n/2} \cdot \ln(2K) = 1,03826^n \cdot \ln(120,754\eta_{\mathcal{K}}^5), (8a)$$

где $n\ge 0...12$ — ряд чисел ближайшего окружения центрального атома в флуктуациях плотности. Из этого выражения при $\eta_{*}\le 0,6403$ получим: $Z_c=2,663...2,765...2,870...2,980...$

3,094...3,213...3,335...3,463...3,596...3,733...3,87 6...4,024, а при η_{\varkappa} =0,6038- Z_c =2,36...2,45...2,54...2,64...2,75... 2,85...2,95...3,07...3,18...3,30...3,43...3,56...3,70 ...3,85...3,99...4,14. При п≥6 эти ряды начинаются величинами Z_c =3,2 и Z_c =2,85 соответственно, а при n=12 Z_c =4 и Z_c =3,56. При Z=10, что характерно для большинства жидких металлов, это выражение имеет вид:

$$Z_{C} = \left(\frac{4}{2,549}\right)^{\frac{n}{10}} \cdot \ln(2K) = 1,04609^{n} \cdot \ln(120,754h_{\mathcal{K}}^{5}).$$
 (8b)

Так, при $\eta_{\text{ж}}$ =0,6403 из этого выражения получим: Z_{c} =2,68...2,80...2,94... 3,07...3,21...3,36...3,51...3,08...3,85...4,0.

Если плотность упаковки атомов определяется в жидкой фазе при температуре кипения (плавления) вещества, то в полученные результаты укладываются все значения Z_c реальных газов и жидкостей [4]. Так, из уравнения Ван-дер-Вальса $Z_c=2,67$, а для реальных газов Z_c находится в пределах от 3,0 до 3,95, причем оно всегда больше 2,67. Невыполнимость уравнения (8) при подстановке в него η_c объясняется тем, что в этом и подобных уравнениях согласно (1) используется плотность упаковки атомов в предшествующей более плотной фазе в точке ФТП. Полагаем, что в критической точке устанавливается состояние структуры вещества с регулярной плотностью упаковки сфер трехмерных колебаний атомов с предисторией ее при твердом полиморфном или кристаллическом состоянии, равной укладке атомов в гексагональной или в гранецентрированной (наиболее вероятных) решетках, где η_1 =0,74048 и Z=12, в тетрагональной $(\eta_1=0.6981;$ Z=10) или В объемноцентрированной (маловероятной) кристаллической решетке (η_1 =0,6802; Z=8). Вблизи критической точки развитие сильных флуктуаций плотности происходит по причине смены состояния структуры с регулярной укладкой сфер трехмерных колебаний атомов на случайную упаковку атомов. В прямолинейной зависимости координационного числа сфер трехмерных колебаний атомов от плотности их упаковки η_1 , коэффициенты при η_1 становятся одинаковыми в окрестности критической точки. Следовательно, в критической точке $\eta_c = (0.74048...0.6981) \cdot \eta_{c\phi}$, где $\eta_{c\phi}$ - плотность упаковки атомов в сферах трехмерных их колебаний.

Второй подход к расчету координационного числа в сыпучих материалах и в твердой дисперсной фазе композитов основан на соответствии $Z_c=3\dots 4$ — критической плотности упаковки частиц на пороге предельного измельчения $\eta_c \le 0.2549$. Учитывая непрерывность изменения фазотопологического состояния дисперсного

слоя и соответствующее ему изменение плотности упаковки в нем частиц при его измельчении, прямолинейная интерполяция этого соответствия на произвольную величину плотности случайной упаковки невзаимодействующих и взаимодействующих частиц приводит к выражениям вида:

$$Z = \frac{3h_1}{0.2549} = 30h_1(\sqrt{3} - 1)^3 = 11,769h_1,$$
 (9)

$$Z = \frac{4h_1}{0,2549} = 40h_1(\sqrt{3} - 1)^3 = 15,692h_1, \qquad (10)$$

В работах российских и зарубежных исследователей структуры зернистого слоя, монодисперсных твердых шариков в слое отмечается один замечательный результат. Структура случайной упаковки твердых сферических частиц в зернистом слое характеризуется перманентностью локальных фрагментов с различной регулярной укладкой в них небольшого числа партикулярных частиц. Типы способов их укладки хорошо известны в кристаллохимии. При равной вероятности этих способов укладки в зернистом слое и соответствующих им координационных чисел, среднее координационное число в нем Z = (12+10+8+8+6)/5 = 8.8. будет Для случайной паковки идентичных частиц прямолинейная зависимость координационного числа в зернистом слое до наибольшей плотности их упаковки $h_1 = 0.640289$ при Z=8,8 будет иметь вид:

$$Z = \frac{8,8}{0.64029} \cdot h_1 = 13,744h_1, \tag{11}$$

Среднее значение коэффициентов при η_1 в уравнениях (9) и (10) дает аналогичный результат при η_1 в уравнении (11). Из уравнения (11) при η_1 =0,574 и η_1 =0,59 Z=7,89 и Z=8,11. Экспериментальный результат при этом для частиц гранулированной сажи и стальных шариков соответственно равен: Z=7,87 и Z=8,06 [4].

Из уравнения (10) для случайной упаковки взаимодействующих частиц при η_1 =0,64029 получим Z=10. Преобразуем уравнение (3) для случайной упаковки частиц с учетом сил трения зацепления и заклинивания между ними в зернистом слое и сил адгезионного взаимодействия и вязкости в наполненных композитах до наибольшего значения Z=10 при η_1 =0,640289 слелующим образом:

дующим образом:
$$Z = 3\ln(120,754h_1^5) + ch_1 = 10$$

Отсюда, при η_1 =0,640289 c=3,602, а выражение для Z имеет вид:

$$Z = 3 \left[\ln \left(120,754 h_1^5 \right) + 1,2 h_1 \right]$$
 (12)

Последний член в этом уравнении представляет собой зависимость коэффициента внутреннего трения зернистого слоя и композитов от η_1 :

 f_{sm} =1,2 η_1 , где c=1,2. Так, при η_1 =0,60...0,65...0,84 f_{sm} =0,72...0,78... 1,0, что хорошо согласуется с данными для кварцевого песка различной дисперсности. Для слабовзаимодействующих частиц со случайной их упаковкой в зернистом слое при η_1 =0,64029 и Z=8,8, при η_1 =0,6038 и Z=8 выражения, полученные подобно (12) будут иметь

$$Z = 3 \left[\ln(120,754h_1^5) + 0,576h_1 \right]$$

$$Z = 3 \left[\ln(120,754h_1^5) + 0,655h_1 \right]$$

Таким образом, для определения коэффициента внутреннего трения сыпучих материалов по формуле $f_{\it sm}$ =с η_1 необходимо найти свободный член к уравнению (9), т.е. коэффициент «с» при Z=8,8 и η_1 ≥0,6038 – для учета сил трения между частицами, а при η_1 ≤0,6038 и Z=8 – для невзаимодействующих частиц округлой формы, либо коэффициент при η_1 в уравнении (12) для данной плотности их упаковки в зернистом слое, а в композиционных материалах при Z=10.

Для всех значений $Z \le 8...10...12$ и $\eta \le 0,68017...0,69813...0,74048$ выражения для упрощенного расчета координационного числа взаимодействующих элементов структуры металлов в твердой и в жидкой фазе неупорядоченных систем получим путем преобразования уравнения (9) следующим образом:

$$Z = 11,769h_1 + ch_1 = (8...10...12)$$

Для исходных данных топологических параметров твердой фазы получим соответственно:

$$Z = 11,769h_1 + \left(\frac{8}{h} - 11,769\right)h_1 = \left(\frac{8}{0,6802}\right)h_1 = 11,762h_1$$
 (13)

$$Z = 11,769h_1 + \left(\frac{10}{h} - 11,769\right)h_1 = \left(\frac{10}{0,6981}\right)h_1 = 14,324h_1$$
 (14)

$$Z = 11,769h_1 + \left(\frac{12}{h} - 11,769\right)h_1 = \left(\frac{12}{0,74048}\right)h_1 = 16,20h_1$$
 (15)

В уравнении (15) при Z=12 и η_1 =0,74048 выделим одну из величин плотности упаковки атомов в твердых металлах следующим образом:

Полученная при этом величина η_1 =0,726235 совпадает с плотностью упаковки атомов в гранецентрированной γ - полиморфной твердой модификации железа [5]. Вычисление по рекуррентному уравнению (1) при η_1 =0,726235 дает величину η =0,4722, совпадающей с ошибочной рекомендацией ее η =0,47±0,02 [6] для плотности упаковки атомов большинства жидких металлов. Из уравнения (15) для металлов при η_1 =0,73764...

0,72624...0,67468...0,66549...0,6505 получим:

Z=11,95...11,76...10,93... 10,78...10,54. Первые две из этих величин относятся к твердой полиморфной фазе в точке ФТП. Следовательно уравнение (15) хорошо описывает многие металлы в полиморфных твердых и жидких модификациях, в тройной точке и в точке плавления с наличием жидкого полиморфизма к более плотным ГЦК и ГПУ структурам и кластерообразованию. Незначительное отличие уравнений (9) и (13) указывает на возможный легкий переход объемно-центрированной компактности трехмерных колебаний атомов к случайной их упаковке, на неустойчивость высокотемпературных полиморфных модификаций с объемноцентрированной структурой в жидких металлах. При дальнейшем нагревании они переходят в случайную упаковку атомов, либо в плотнейшие гексагональную или гранецентрированную жидкую модификацию сфер трехмерных колебаний атомов в решетке с увеличением радиуса взаимодействия между ними. При критическом состоянии вещества объемно-центрированная компактность сфер трехмерных колебаний атомов маловероятна, либо совершенно невозможна. Учитывая, что в уравнении (1) выражение вид $ln(120,754\eta_1^5)$ дает число невзаимодействующих частиц, атомов или сфер их трехмерных колебаний с высокоплотной случайной упаковкой или с регулярной укладкой в фрагментах или в плотной фазе флуктуаций плотности, выражение для критического коэффициента в критической точке и вблизи нее следует записать в виде:

$$Z_{C} = \frac{Z}{c \ln(120,754h_{1}^{5})},$$
 (16)

где с - силовая константа взаимодействия атомов, Z – наиболее вероятное число сфер трехмерных колебаний атомов в критической точке, Z=12...10.

Из уравнения (16) для ряда η_1 с учетом полиморфизма: 0,74048; 0,73764; 0,72624; 0,710548; 0,70548; 0,6981; 0,68527; 0,6802 при c=1 и Z=12...10 получим ряд значений для Z_c : 3,68...3,04; 3,67...3,06; 3,76...3,13; 3,89...3,24; 3,94...3,28; 4,0...3,34; 4,13...3,44; 4,18...3,49. Для дисперсного слоя частиц при Z=7,54 (9), Z=7,94 (4), Z=8,8 (11) согласно уравнению (16) при η_1 =0,6403 и c=1 получим: Z_c =2,94; 3; 3,43; а при Z=10 (12) $Z_c=3.9$. Как следует из результатов расчета, наиболее вероятное координационное число сфер трехмерных колебаний атомов в критической точке Z=10 с послойной гексагональной укладкой их в центре объема системы. В поле сил гравитации оно изменяется от низа к верху объема системы от Z=12 до Z=8. При этом возможно изменение Z_c для слабовзаимодействующих элементов структуры: при Z=12 $Z_c=4,0$,

при Z=10 Z_c=3,34, а при Z=8 Z_c=2,67. Так, если среднее координационное число в неупорядоченной системе Z≤8, то для взаимодействующих элементов согласно (12) Z=10, в том числе и для большинства жидких систем и металлов Z = (12+10+8)/3 = 10. Преобразуем уравнение (3) для учета взаимодействия (внутреннего трения) элементов структуры в жидкофазных системах путем приведения его к граничным параметрам кристаллических структур и тем самым найдем постоянную интегрирования в уравнении (2). Для граничных условий $\eta_1 = 0.74048$ и =12 получим:

$$Z = 3\ln(120,754h_1^5) + c = 12$$

Отсюда, уравнение для возможно полного интервала значений Z с данным типом укладки элементов структуры имеем вид:

$$Z = 3 \left[\ln(120,754h_1^5) + 0,7085 \right]$$
 (17)

 $Z = 3 \left[\ln \left(120,754 h_1^5 \right) + 0,7085 \right]$ (17) Последний член в этом уравнении с предистрией регулярной укладки атомов. Для приведения его к произвольной (случайной) упаковке атомов в жидкой фазе преобразуем его аналогичным (12) образом:

$$Z = 3 \left[\ln(2K) + \frac{0.7085}{0.74048} \cdot h_{i} \right] = 3 \left[\ln(120.754h_{i}^{5}) + 0.957h_{i} \right] (18)$$

При $\eta_1 \ge 0,4098$ и $\eta_1 \ge 0,38337$ из этого уравнения получим соответственно Z≥2,18 и Z≥1,1, что указывает на число взаимодействующих атомов в газовой фазе. Аналогично получают уравнение для Z при граничных условиях для тетрагональной укладки при Z=10 и η_1 ≥0,6981, для объемноцентрированной укладки при Z=8 и η₁≥0,6802:

$$Z = 3\left[\ln(120,754h_1^5) + 0,482h_1\right]$$
(19)
$$Z = 3\left[\ln(120,754h_1^5) - 0,294h_1\right]$$
(20)

В полученных выше уравнениях (8, 8а, 8b) согласно выражениям (12) и (18) следует учитывать второй член, определяющий коэффициент внутреннего трения. Тогда полное выражение для критического коэффициента будет иметь вид:

$$Z_{c} = k_{c}^{n} [ln(2K) + c_{3}],$$
 (21)

где с=0,7085; 0,957; 1,2 - коэффициенты, характерные для данного типа структуры неупорядоченных систем (полиморфизма, кластеризации и случайной упаковки взаимодействующих элементов); k_c=1,016423 – обобщенный коэффициент этого взаимодействия; k_c=1,04609 - коэффициент для сильного взаимодействия, а k_c =1,03826 коэффициент для слабовзаимодействующих элементов неупорядоченных систем.

В уравнении (21) показатель п является неизвестной величиной, а величина k_c^n зависит от индивидуальных свойств вещества, которая подлежит определению. Для известных значений Z_c показатель n определяется подбором его значения для точного определения коэффициента внутреннего трения в виде:

$$f_{R} = ck_{C}^{n} \cdot 3_{1}. \tag{22}$$

Для большинства сыпучих материалов n=0. Так, при k_c =1,016423 и c=0,957 из выражения (21) для неона при n=3 Z_c =3,34, для аргона при n=8-8,5 Z_c =3,47-3,50; для криптона при n=19-20 Z_c =3,48-3,54; для ксенона при n=3 Z_c =3,074; при Z_c =3,48-3,54; для ксенона Z_c =3,33 (3,33), при n=3-3,5 для аргона Z_c =3,49-3,57 (3,49-3,54), при n=7 для криптона Z_c =3,50 (3,50), при n=1 для ксенона Z_c =3,06 (3,07). Из выражения (21) при Z_c =1,01642, c=1,2 и n=0 для неона Z_c =3,336 (3,33) и ксенона Z_c =3,50 (3,07); для аргона при n=2 и Z_c =3,53 (3,54), для криптона при n=6 Z_c =3,53 (3,50), а при Z_c =3,50 (3,50). В скобках приведены экспериментальные данные.

Поскольку первые члены в уравнениях (17...20) исходят из случайной упаковки невзаимодействующих твердых сферических частиц, то поправка к ним на взаимодействие атомов в жидкой фазе определяется отношением плотности случайной упаковки твердых сфер, полученной из уравнения (1) для жидкой и псевдофазы из плотности их укладки в данной кристаллической решетке или полиморфной модификации, к фактической плотности упаковки атомов в жидкой фазе вещества - $\eta_1/\eta_{\rm w}$, а поправка ко вторым членам этих уравнений зависит от η_1 и ее отклонения от таковой при случайной упаковке. При плавлении металлов жидкий полиморфизм и топологический беспорядок конкурирует в упаковке атомов в жидкой фазе, что приводит к повышению плотности их упаковки при наличии кластерных образований, либо к снижению ее при случайной их упаковке.

Следовательно, в точке плавления вещества при разрыхлении структуры в жидкой фазе в результате увеличения радиуса межмолекулярного взаимодействия получим:

$$Z = 3 \left(\frac{h_1}{h_{\kappa}} \right) \cdot \left[\ln \left(120,754 h_1^5 \right) + c h_1^n \right], \quad (21)$$

где с — коэффициенты при η_1 в уравнениях (18...20) для исходной данной кристаллической структуры; п — показатель, учитывающий влияние жидкого полиморфизма, кластеризации металлов или случайной упаковки атомов: n=0-c преимуществом жидкого полиморфизма, n=1-c преимуществом произвольной упаковки атомов в жидкой фазе при $c=1,2,\ c=0,7085$ и кластеризации атомов при c=0,957; значения η_1 для данного типа кристаллической структуры или жидкой

полиморфной модификации вычисляются из уравнения (1).

Приведем примеры расчета координационного числа в структуре жидких инертных газов и щелочных металлов при температуре плавления с учетом перегрева или переохлаждения.

Ne
$$\eta_{\text{in}} = 0.64065 \text{ (8,8)}$$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6205}{0.64066} \right) \cdot [2.5674 + 0.7085 \cdot 0.6406] = 8.78$
 $\eta_{\text{in}} = 0.66549 \text{ (8,8)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.606}{0.6046} \right) \cdot [2.7578 + 0.7085 \cdot 0.6655] = 8.82$

Ar $\eta_{\text{in}} = 0.6262 \text{ (8,5)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.611}{0.6262} \right) \cdot [2.451 + 0.7085 \cdot 0.6262] = 8.48$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.6262} \right) \cdot [2.451 + 0.7085 \cdot 0.6302] = 8.52$

Kr $\eta_{\text{in}} = 0.6302$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.6302} \right) \cdot [2.4836 + 0.7085 \cdot 0.6302] = 8.52$

Kr $\eta_{\text{in}} = 0.5727 \text{ (8,5)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.5727} \right) \cdot [2.007 + 0.7085] = 8.55$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.5727} \right) \cdot [2.007 + 1.2 \cdot 0.5727] = 8.48$

Xe $\eta_{\text{in}} = 0.6123 \text{ (8,9)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6205}{0.6123} \right) \cdot [2.341 + 0.96 \cdot 0.6123] = 8.90$

Rn $\eta_{\text{in}} = 0.6093$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011 \dots 0611}{0.6093} \right) \cdot [2.3165 + 0.7085] = 8.95 \dots 9.1$

Li $\eta_{\text{in}} = 0.65 \text{ (9,5)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.601}{0.67} \right) \cdot [2.791 + 0.7085] = 9.5$

Na $\eta_{\text{in}} = 0.69 \text{ (9,0)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.606 \dots 0611}{0.645} \right) \cdot [2.938 + 0.7085 \cdot 0.69] = 8.96 \dots 9.03$

($\eta_{\text{in}} = 0.645$)

 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.645} \right) \cdot [2.6 + 0.957 \cdot 0.645] = 9.0$

K $\eta_{\text{in}} = 0.68 \text{ (9,0)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.645} \right) \cdot [2.6 + 0.957 \cdot 0.645] = 9.0$

K $\eta_{\text{in}} = 0.68 \text{ (9,0)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.645} \right) \cdot [2.7162 + 0.96 \cdot 0.66] = 9.15$

Rb $\eta_{\text{in}} = 0.69 \text{ (9,5)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.660} \right) \cdot [2.7162 + 0.96 \cdot 0.66] = 9.15$

Rb $\eta_{\text{in}} = 0.69 \text{ (9,5)}$
 $Z = 3 \left(\frac{0.6011}{0.691} \right) \cdot [2.938 + 0.7085] = 9.53$

$$Z = 3 \left(\frac{0,606}{0,609} \right) \cdot [2,314+0,7085] = 9,0$$

$$Zs \ \eta_{\text{xx}} = 0,6318 \ (9,0)$$

$$Z = 3 \left(\frac{0,6011}{0,6318} \right) \cdot [2,498+0,7085] = 9,15$$

$$Z = 3 \left(\frac{0,6205}{0,6318} \right) \cdot [2,4978+0,96\cdot0,628] = 9,14$$

В скобках приведены экспериментальные данные [1]. Данные для η_{*} взяты из работы [1], а в скобках – справочные данные.

Таким образом, жидкофазный полиморфизм металлов кластеризацию или случайную упаковку атомов в жидкой фазе можно обнаружить по равенству координационного числа, получаемого из радиальной функции распределения плотности и соответствующего вида одной из приведенных выше расчетных формул. Полученные уравнения для координационного числа в структуре неупорядоченных систем, наделенных дискретностью, позволяют с достаточной точностью вести расчет его величины для жидких металлов, коэффициента внутреннего трения этих систем и

проектирование состава композиционных материалов с заданными свойствами.

Литература

- 1. Скрышевский $A.\Phi$. Структурный анализ жидкостей и аморфных тел. М.: Высшая школа, 1980. 328 с.
- 2. Хархардин А.Н. Структурная топология неупорядоченных систем. // Вестник Бел-ГТАСМ. Научно теорет. ж л. 2002. №2. С. 14-27.
- 3. *Беляев Н.М.* Термодинамика. Киев: Выща школа, 1987. С. 36 37.
- 4. *Аэров М.Э., Тодес О.М.* Гидравлические и тепловые основы работы аппаратов со стационарным и кипящим зернистым слоем. Л.: Химия, 1968. С. 8 52.
- 5. *Ахметов Н.С.* Неорганическая химия. М.: Высшая школа, 1975 С. 619.

Xарьков Е.И., Лысов В.И., Федоров В.Е. Физика жидких металлов. — Киев. Выща школа, 1979. — 247с.

Equation for koordinational numbers in unordered system

Kharhardin A. N., Topchiev A. I.

Happens to the conclusion of the equations for koordinational numbers of the particles in granular layer, in composite material with dispersion by filler and atom fluid metal at the temperature of the melting, as well as accounting method of the determination of the factor of internal friction of these systems.